

## Lösungen zum 5. Übungsblatt zur Mafi I

**Lösung zu Aufgabe 17:**

(a)

(b)

$$b_n := \frac{n^8 + 7n}{(n+2)^2} = \frac{n^8 + 7n}{n^2 + 4n + 4} = \frac{1 + \frac{7}{n^7}}{n^{-6} + 4n^{-7} + 4n^{-8}}$$

$$b_n \xrightarrow{n \rightarrow \infty} \infty$$

(c)

(d)

$$d_n := (-1)^5 \frac{7n+2}{3n^2-5} = (-1)^n \frac{7n^{-1} + 2n^{-2}}{3 - 5n^{-2}}$$

$$d_n \xrightarrow{n \rightarrow \infty} 0$$

(e)

(f)

$$f_n := \frac{(n!)^2}{(2n)!} = \frac{n^2 \cdot (n-1)^2 \cdot \dots \cdot 1^2}{2n \cdot (2(n-1)+1) \cdot 2(n-1) \cdot \dots \cdot 1} = \frac{n^2}{2n} \cdot \frac{(n-1)^2}{(2(n-1)+1)(2(n-1))} \cdot \frac{(n-2)^2}{(2(n-2)+1)(2(n-2))} \cdot \dots \cdot 1$$

$$f_n \xrightarrow{n \rightarrow \infty} 0$$

**Lösung zu Aufgabe 18:**

(a)

$$a_n := \frac{1}{n^2} \quad b_n := n$$

(b)

$$c_n := 7n^2$$

(c)

$$d_n := (-1)^n n^2$$

(d)

$$e_n := \begin{cases} n^2 - \frac{1}{n} & \text{für } n = 2k, k \in \mathbb{N} \\ n^3 & \text{für } n = 2k+1, k \in \mathbb{N} \end{cases}$$

**Lösung zu Aufgabe 19:**

(a)

(b) Die Behauptung ist falsch. Gegenbeispiel:

$$a_n := n \quad b_n := -n$$